

Gli intervalli

Definizione di "intervalli"

Dati due numeri reali a e b, con a minore di b (a<b), si chiama intervallo l'insieme di tutti i numeri reali compresi tra a e b.

- Il numero *a* si chiama estremo inferiore.
- Il numero *b* si chiama estremo superiore.

Esempio: [1, 3[1 è l'estremo inferiore; 3 è l'estremo superiore.

Simbologia

{ }	Parentesi grafe (si usano per indicare gli insiemi)
[]	Parentesi quadre chiuse (si usano per indicare gli intervalli)
] [Parentesi quadre aperte (si usano per indicare gli intervalli)
∞	INFINITO
] − ∞, + ∞[L'infinito non è un numero, non è quantizzabile, quindi la
	parentesi va sempre esclusa.
U	Unione. Serve per unire due intervalli.
€	appartiene
R	Numeri reali
	Tale che (mi specifica come deve essere il numero naturale)

Gli intervalli possono essere limitati oppure illimitati.



INTERVALLI LIMITAT
Intervallo limitato chiuso di
estremi a e b

Nell'esercizio possiamo scrivere in una delle due forme seguenti:_

[a, b] =
$$\begin{cases} x \in \mathbb{R} \mid a \le x \le b \end{cases}$$

Definizione:

È l'insieme degli x appartenenti ai numeri reali, tale che a è compreso e anche b è compreso.

Intervallo limitato aperto di estremi_ca e b

$$]a, b[= x \in R \mid a < x < b \}$$

Definizione:

È l'insieme degli x che appartiene ai numeri reali, tale che a non è compreso e b non è compreso.

Intervallo limitato chiuso a destra e aperto a sinistra di estremi a e b

$$[a, b] = \{x \in R \mid a < x \le b\}$$

Definizione:

È l'insieme degli x che appartiene ai numeri reali, tale che a non è compreso e b non è compreso.

Intervallo limitato chiuso a sinistra e aperto a destra di estremi a e b

$$[a, b[= \begin{cases} x \in R | a \le x < b \end{cases}$$

Definizione:

È l'insieme degli x che appartiene ai numeri reali, tale che a è compreso ma b non è compreso.

INTERVALLI ILLIMITATI

Intervallo illimitato superiormente chiuso

$$[a, + \infty[= x \in R | x \ge a]$$

Definizione:

è l'insieme degli x appartenente ad R tale che x è maggiore o uguale a a

"Superiormente" significa a destra dopo la a

Intervallo illimitato superiormente aperto

$$]a, + \infty[= x \in R \mid x > a]$$

Definizione:

è l'insieme degli x appartenente ad R tale che x è strettamente maggiore a a

Intervallo illimitato inferiormente chiuso

$$]-\infty,a]=\int_{\mathbb{R}}x\in R|x\leq a$$

Definizione:

È l'insieme degli x appartenente ad R tale che x è minore o uguale di a.

Sono tutti numeri più piccoli di a

Intervallo illimitato inferiormente aperto

$$]-\infty, a[= x \in R \mid x < a]$$

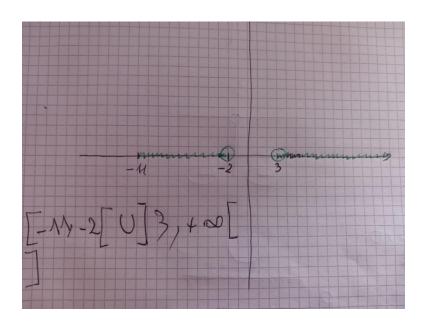
Definizione:

è l'insieme degli x appartenente ad R tale che x è minore di a



Esercizio

Scrivi gli intervalli evidenziati in verde. Nota: sono due intervalli che bisognerà unire.



Dobbiamo prendere tutti i numeri compresi tra -11 e -2 (-11 è incluso ma -2 è escluso) e tutti i numeri da +3 (il 3 è compreso) all'infinito.